

### DOCTORADO EN CIENCIA Y TECNOLOGIA

Evaluado y acreditado por la Comisión Nacional de Evaluación y Acreditación Universitaria (CONEAU). Resolución Nº 1178/11. Calificación "B".

# Modelamiento de Crecimientos Poblacionales mediante Ecuaciones Diferenciales Impulsivas

Docente a cargo: Fernando Córdova-Lepe

(Universidad Católica del Maule, Talca, Chile)

Fechas de dictado: Lunes 2 al viernes 6 de diciembre de 2013

# Carga horaria:

30 horas, distribuidas en 5 clases de 6 horas diarias durante una semana.

#### **Puntaje:**

El curso otorgará **3 puntos** para los estudiantes admitidos del Doctorado en Ciencia y Tecnología.

## Destinatarios y requisitos

El curso está dirigido a estudiantes del Doctorado en Ciencia y Tecnología de la UNGS, a estudiantes de doctorados afines de otras universidades y al público interesado que cuente con título de grado.

### **Objetivos**

En diversos contextos sistémicos de la ecología de poblacionales y de interacción de comunidades (pesqueros, epidemiológicos, control de pestes, etc.), se analizan los conceptos y resultados más basales, orientados a la construcción de modelos, de la teoría de ecuaciones diferenciales con efecto impulsivo.

# Contenidos

#### 1) Los procesos impulsivos:

- Fenomenología impulsiva básica.
- Características propias de los procesos impulsivos.
- Fortaleces y debilidades propias del modelamiento impulsivo.

#### 2) Tipos de ecuaciones impulsivas:

- Tiempos de impulso fijos.
- Tiempos de impulso según umbral de estado.





# DOCTORADO EN CIENCIA Y TECNOLOGIA

Evaluado y acreditado por la Comisión Nacional de Evaluación y Acreditación Universitaria (CONEAU). Resolución Nº 1178/11. Calificación "B".

- Tiempos de impulso como función del estado.

# 3) Representaciones y desigualdades:

- Representación integro-sumaria.
- Desigualdades tipo Gronwall.
- El caso lineal y matriz fundamental.
- Fórmula de variación de parámetros.

### 4) Existencia, unicidad y continuación:

- El concepto de solución.
- Condiciones para la existencia de soluciones.
- Fenómenos de rebote y confluencia de soluciones.
- Condiciones para la prolongación de soluciones.

#### 5) Equilibrios y trayectorias periódicas:

- Mapeo estereográfico asociado.
- Dinámica del mapeo versus dinámica impulsiva.

### 6) Estabilidad de trayectorias:

- El problema de la comparación de trayectorias.
- Tipos de estabilidad y formalización del concepto.
- Condiciones para la estabilidad.

## 7) Control impulsivo:

- El impulso como perturbación.
- El impulso como mecanismo de manejo y control.

# Bibliografía

D.D. Bainov and P.S. Simeonov, *Impulsive Differential Equations*. Asymptotic Properties of the solutions, World Scientific, Singapore, 1995.

F. Córdova-Lepe, M. Pinto, *Mathematical Bioeconomics Explotation of resources and preservation*, Cubo Math. Educat. 4 (2002) 49 (Spanish).





# DOCTORADO EN CIENCIA Y TECNOLOGIA

Evaluado y acreditado por la Comisión Nacional de Evaluación y Acreditación Universitaria (CONEAU). Resolución Nº 1178/11. Calificación "B".

- F. Córdova-Lepe, R. Del Valle & G. Robledo, A pulse fishery model with closures as a function of the catch: Conditions for sustainability. Mathematical Biosciences 239 (2012) 169–177
- F. Córdova-Lepe, R. Del Valle & G. Robledo, *A pulse vaccination strategy at variable times depending on incidence*. Journal of Biological Systems, 19(2) (2011) 329-344
- F. Córdova-Lepe, R. Del Valle & G. Robledo. *Stability analysis of a self-cycling fermentation model with state-dependent impulse times*. Mathematical Methods in the Applied Sciences, (2013) DOI: 10.1002/mma.2907
- F. Córdova-Lepe, M. Pinto & E. González-Olivares. *A new class of IDE at instants-dependent of preceding pulses. Applications to management of renewable resources.* Nonlinear Analysis (RWA), 13 (2012) 22313-2322.
- F. Córdova-Lepe, E. González-Olivares & M. Pinto. *Source–sink impulsive bioeconomic models: Seasonal closures with fixed length.* Journal of Difference Equations and Applications, 17(5) (2011) 721-735.
- I. Karafyllis, A system-theoretic framework for a wide class of systems I: application to numerical analysis, J. Math. Anal. Appl. 328 (2007) 876.
- A.M. Samoilenko, N.A. Perestyuk, *Impulsive differential equations*, World Sci. Ser. Nonlinear Sci. Ser. A 14 (1995).

#### Asistencia mínima requerida

Para recibir un certificado de asistencia, se requiere asistir al menos al 75% de las horas de clase.

#### Régimen de Aprobación

Se deberá presentar un informe escrito con la justificación, construcción y análisis dinámico de un modelo impulsivo de opción personal o elegido entre una variada oferta a ser entregada durante el desarrollo del curso.

(Docente a cargo)	(Docente)	(Docente)	(Autoridad DCyT)